

配布先 2902 → 2939A → 2939B 2939A → 2939D → 2975 2885B 2937A → E	科学技術計算用 LSI のシステム解析		IEL - 3465	1/25
			49 — 3 — 4	
			集積回路技術部	民生課
	承認		査閲	作成 小口

このたび、科学技術
 計算用 MOS LSI の
 システム及び論理の徹底的な
 解析を行ないましたので報告いたします。

[1] 演算機能

(a) 置数 8 桁、演算結果 8 桁 (但し負数で整数部 8 桁は 0DF)

(b) 使用演算キー

$\boxed{+}$ $\boxed{-}$ $\boxed{\times}$ $\boxed{\div}$ $\boxed{=}$ \boxed{AC} \boxed{CE} $\boxed{\pi}$ $\boxed{\frac{1}{x}}$ $\boxed{\sqrt{\quad}}$ $\boxed{\log}$ $\boxed{\ln}$ $\boxed{e^x}$ $\boxed{a^x}$ $\boxed{\sin}$ $\boxed{\cos}$ $\boxed{\tan}$ $\boxed{\frac{\text{度分秒}}{\text{10進数}}}$

(c) 完全浮動小数点。科学技術計算用卓型の場合、小数点は殆ど指数表示 (-99 ~ +99) されていたが、 は普及型を志向した為に、小数点の移動範囲は、-7 ~ +7 と狭い。移動範囲を超えたものは、常に 0DF、又は UNF。

(d) $\boxed{\log}$ $\boxed{\ln}$ $\boxed{e^x}$ $\boxed{\sin}$ $\boxed{\cos}$ $\boxed{\tan}$ のキーについては、(例) $A \boxed{\times} B \boxed{\log} \boxed{=}$ のキー操作では "A log(B)" の演算結果は得られない。(ファンクションの記憶とデータの保存が上記キーでは不能となる為。) 下2桁切捨て。

(e) 三角関数のデータは 10 進度数法のものを入力する。この為に度分秒を書かれたデータを 10 進度数に変換するキーを持っている。

(例) 10 度 20 分 30 秒 = 10.341666

10 $\boxed{\frac{\text{度分秒}}{\text{10進数}}}$ 20 $\boxed{\frac{\text{度分秒}}{\text{10進数}}}$ 30 $\boxed{\frac{\text{度分秒}}{\text{10進数}}}$ → 結果 (10.341666)

(f) $\boxed{^x}$ キーの使用法

12.3⁷ を求めたいとき 12.3 $\boxed{^x}$ 7 とすれば結果が得る。但し、指数として小数部を持つデータを入力したとき演算不能となり 0DF 表示をする。又、指数は整数 1 桁に限られる。

(g) $\boxed{e^x}$ キーにおいて、 $x \geq 10$ の場合は、フローの簡略化の為 0DF 表示をする。

[2] 回路構成概略

(a) ROM ... 512 アドレス 出力 16 ビット, X メモリ 8192 ビット

(b) アダー ... 10 進と 16 進の加減算の可能な一般的なシリアル、シフト、アダー。

(c) レジスタ ... 48 ビット 6 本

通常四則演算ではこのうち 3 本、 $\sqrt{\quad}$ 計算では 4 本、科学技術計算として、6 本 全てのレジスタを使用する。

(d) ステップ・カウンタ ... には ... の如くに
 次アドレスを直接指定する ROM 出力を持つ方式とは
 異なり、+1 可能な、ステップ・カウンタ 8 ビット を用いて、
 ROM アドレスを指定させる。 1 ページ 256 アドレスとして
 2 ページ分のアドレスをもちているので ページ指定のアドレス
 レジスタを 1 ビット 持つ。

(e) ジャッジ

- (i) アダー の 加減算 を 行なう 結果、検出された キャリー・ボロー
 により 無条件に 判定 作 を セット する。
- (ii) ビットの キャリー・ボロー ではなく、ディジット 単位の キャリー・ボロー
 のみにより 判定 作 を セット する。

以上 2 通り あり。 ROM 出力 より “判定 せよ” という
 命令は 全く 出され ない。 判定 作 が セット した 事 に
 より 次 アドレス 命令 を NOOP 扱い とし、実質的に 1 アドレス
 スキップ する。 従って、演算 時間 としては、スキップ した 場合
 も、しない 場合 も 同一 と なる。

(f) ジャンプ

- (i) 無条件 ジャンプ
- (ii) 条件つき ジャンプ
- (iii) サブルーチン ジャンプ

大別 すると 以上 3 通り。 詳しくは、(i) について、改ページ を
 する もの と しない もの と がある。 又、(iii) について、アドレス・スタック
 レジスタ を ジャンプ の 際 に 更新 する もの と 更新 しない もの
 と がある。 更新 しない もの については、サブルーチン・エンド 命令
 の 次 の アドレス は サブルーチン・ジャンプ を 行なう 以前 の
 アドレス・スタック・レジスタ 内容 により 指示 された もの と なる。

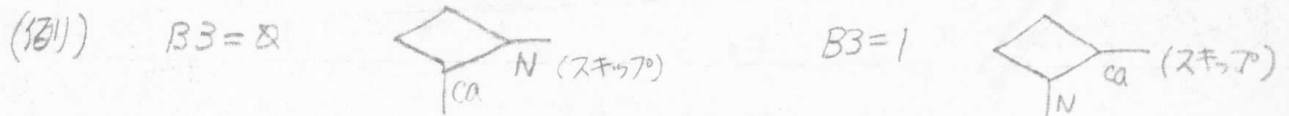
(g) ステップ・レジスタ ... 4 ビットの レジスタ。 特に ディジット 9 の
 異なる テータ の 移送 に 用いる 為 に 設けて いる。

[3] ROM 出力詳細

出力ビット数は 16. B1 ~ B16 と名称をつける.

(a.) 48 ビット / 本の ダイナミック・シフト・レジスタ には 数値データ
の他に、正負符号データ、小数点データ、演算制御データが
各タイミングタイムを区別されて格納されている。このデータを
レジスタ内から取り出してきて処理するので、選定する為に
ポ/表にある様に、アダー n の読み込みタイミング信号を
作製する。この為に "B1", "B2", "B4" を専用に使い、"B3"
及び他の出力を信号作製に絡ませる。

(b.) シャンジ (条件つきシフト) の際、キャリー、ボローが起きたら
スキップシフトをするのか、その逆力のかを決定する為に "B3"
を用いる。"B3" は読み込みタイミング信号作製にも用いる。



(c.) 加/減切換 $B5=0$ 又は $B5=1$ の場合でも $B11=0$, $B12=1$
ならば 加算. 上記以外のとき 減算.

(d.) レジスタ交換 演算処理を 6本のレジスタ 全てに行なわ
せる為、レジスタ → アダー 間に レジスタ選択ゲートを置
ける。スレーブ・レジスタの制御も含めて、"B6", "B7", "B8", "B4",
"B15" の 5ビットを専用している。

(e.) シャンジ命令のとき $B1 \sim B8$ の 8ビットが 次アドレスを
指定する為に、ステップ・カウンタに ロード・イニテリヤット される。

10% 進切換 ± 1 等の命令については ROM出力の組合せ
において作られているのを画一的な説明は する。

命令一覧を 次ページに示す。

B code				ADDER RI TIME												ニ-E=7
1	2	4	3'	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	
			0	1												Xs
			1													x
			2													x
			3													Xcc
			4													Xc1
			5													
			6													X
			7													
			8													XL
			9													(X)
			A													Xm
			B													(X)c
			C													Xc2
			D													
			E													X
			F													xX

(注) B3=1 であっても, $[X \pm Y \rightarrow X]$, $[X \pm 1 \rightarrow X]$, $\diamond X-Y$, $\diamond X \pm B5-8$ の命令実行の際には $B3' = 0$ と等価。 $B3=0 \rightarrow B3'=0$

又, $\begin{bmatrix} X \rightarrow LS \\ X+1 \rightarrow X \end{bmatrix}$ の如くなる命令を 1ワードサイクルのみを同時処理する為、特に定められた上記以外のコードにおいて、"X" タイミング信号を発生させる。

全てのジャンプ命令の場合 B1~B8 ROM出力は、ロード・インポートに用いられる為常に "Xcc" タイミング信号を発生させる。

データセレクト タイミング一覧表

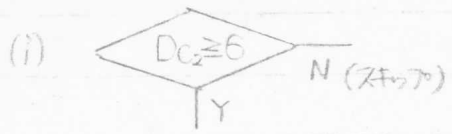
ホ 1 表

B3	B5	B8	B9	B10	B11	B12	B16	オペレーション
		0	0	0	0	0	1	X → RS
		1	0	0	0	0	1	X → LS
			0	0	0	1	1	X → LS, B5-8 → X
X	0		0	0	1	0	0	X + Y → X ^⑩
X	1		0	0	1	0	0	X - Y → X ^⑩
X	0		0	0	1	0	1	X + Y → X
X	1		0	0	1	0	1	X - Y → X
			0	0	1	1	1	✓ JPV 0ペシハのジャンプ, B1-8 → ステップカウンタ
			0	1	0	0	0	(B5-8) → X X内容とB5-8とを置換
X			0	1	0	1	0	X + B5-8 → X Judge せず.
			0	1	0	1	1	B5-8 → X B5-8 を置換
			0	1	1	0	0	X ↔ Y
			0	1	1	0	1	X → X [~] Y
			0	1	1	1	0	SRE 0ペシハジャンプ, スタックレジスタ → ステップカウンタ
X	0		1	0	0	0	0	✓ X + 1 → X
X	1		1	0	0	0	0	✓ X - 1 → X
X	0		1	0	0	0	1	✓ X → LS, X + 1 → X
X	1		1	0	0	0	1	✓ X → RS, X - 1 → X
X	0		1	0	1	0	0	X + Y
X	1		1	0	1	0	0	✓ X - Y (使用せず)
X	X		1	0	1	0	1	✓ X ± Y (使用せず)
			1	0	1	1	0	✓ JP 0ペシ内ジャンプ, B1-8 → ステップカウンタ
			1	0	1	1	1	JS ステップカウンタ → スタックレジスタ 1ペシハジャンプ, B1-8 → ステップカウンタ
X			1	1	0	1	0	X + B5-8 最上位桁あたり Ca によるジャンプ
X			1	1	0	1	1	X + B5-8 無条件 Ca によるジャンプ
			1	1	1	0	0	✓ Y → X Y → Y
			1	1	1	0	1	Key → X

B6	B7	B13	B14	B15	オペレーション
0	0	X	X	X	A → Y
0	1	X	X	X	C → Y 右表における Y 表記に相当する
1	0	X	X	X	E → Y レジスタ が 左記の様に決定される
1	1	X	X	X	S → Y
X	X	0	0	0	D → X
X	X	0	0	1	E → X
X	X	0	1	0	F → X
X	X	0	1	1	S → X 右表における X 表記に相当する
X	X	1	0	0	B → X レジスタ が 左記の様に決定される
X	X	1	0	1	C → X
X	X	1	1	0	A → X
0	0	X	X	X	X → A
X	X	1	1	0	Ad → A 左記 条件取れぬとき 偽置
0	1	X	X	X	X → C
X	X	1	0	1	Ad → C
1	0	X	X	X	X → E
X	X	0	0	1	Ad → E
1	1	X	X	X	X → S
X	X	0	1	1	Ad → S ♪
X	X	0	0	0	Ad → D ♪
X	X	0	1	0	Ad → F ♪
X	X	1	0	0	Ad → B ♪

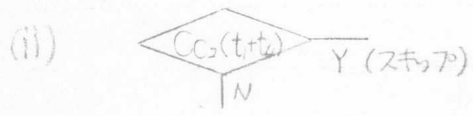
表3 命令一覧(2)

(f) ジャッジの具体例



B1~B16 様子 1100101011010000 とすれは、後11。
 表1表列 X_{c2} , 表2表列 $X+B_{c2}$, 表3表列 レジスタ
 は 0 が選択され 桁あはれキャリー についてのみのジャッジを
 するので $D_{c2} \geq 6$ とする。さらに $B3 = 0$ があるので
 キャリー・ノーをスキップする。

この種のジャッジは主に ファンクション・キーの種別をジャッジし
 それに対応して 演算処理をする為に用いている。



B1~B16 様子 1110001111011011 とする
 表1表列 X_{c2} , 表2表列 $X+B_{c2}$, 表3表列 レジスタ
 は C が選択され, X内容 (C_{c2}) の t_1, t_2 にデータの
 あれば キャリー・アウト 判定 処理 を セットする。 $B3 = 1$ 有
 るので キャリー・アウト を スキップする。

この種のジャッジは主に ファンクション・キーの状態をジャッジ
 する目的に用いられる。

(g) アドレス・ステップの具体例

サブルーチン・ジャンプの場合についてのみ述べる。

078 JS→187

079

サブルーチン { 187

 SRE

79→スタック・レジスタ (スタック・レジスタは、
 特別に構成されたものではなく、Accの8ビット
 を流用している。この為 サブルーチン・リンク・
 レジスタは1レジスタしか設定できる。)
 1ページに改ページ。87→ステップカウンタに
 ロード・レジスタ。

187番地以降のサブルーチンプログラムを実行。 SRE命令を
79→ステップカウンタ, 8ページに改ページ。

879番地以降を実行。

又、SRE命令の前に JS, JPV が来た場合は、サブルーチン
リンクは -レベルのみをあるところから、スタックレジスタ
内容は更新されてしまう為、改ページを行なう。単なるジャンプ
命令として、使用される事になる。

004 JS→103

005

006 JS→103

JSS命令はスタックレジスタとして、Accも使われ
る。その為 SRE命令をステップカウンタに
送られるデータは、JSS命令前の(左例では004番地)

サブルーチン

103

SRE

スタックレジスタ内容となり、アドレス・ステップの様子は
次の様になる。

004→103.....→005→006→103.....→005→

(参) NEC マイクロコンピュータにおけるサブルーチンジャンプ例

LDI nm

XSA

LAR &

nm SDS

...

LDS

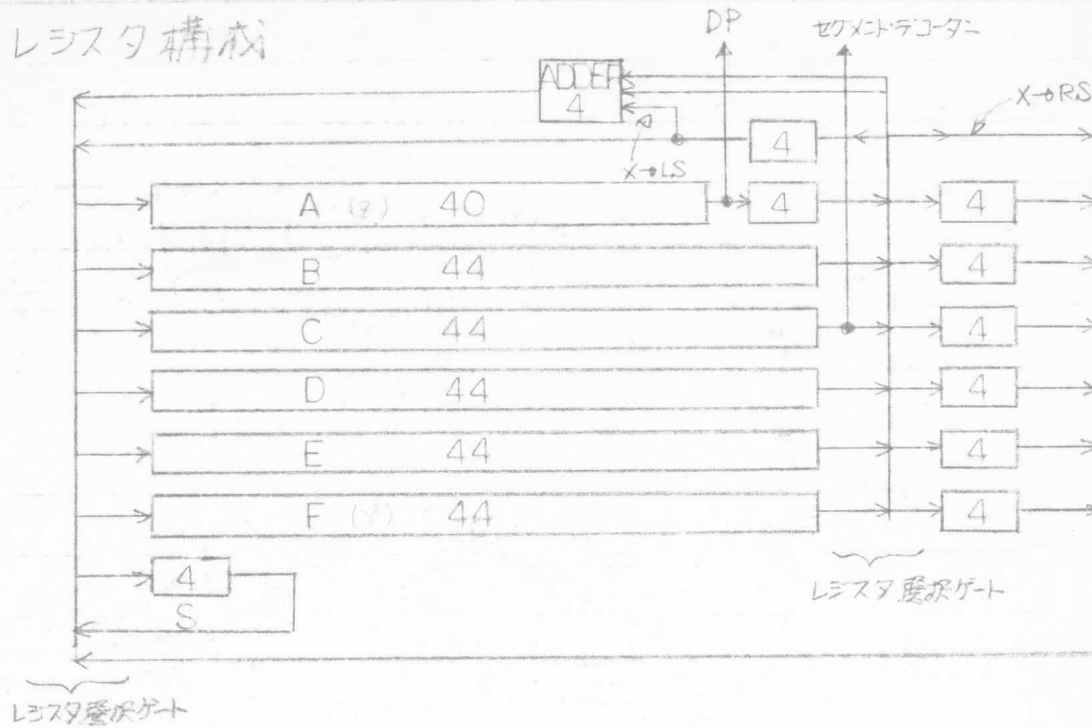
サブルーチン

左の様に汎用性を持たせる為
の細心の基本命令に包まれて
いる事から、
JS→nm という1ワード命令を
適させているオペレーションを、マイクロ
コンピュータでは4ワード命令となり、

且つ、SRE という1ワード命令も、

3ワードの命令が1ワードとなってしまう。又、マイクロコンピュータに
ついて言えるが、フォートランプログラムのようにサブルーチンコール型
のサブルーチンへのエントリー・ポイントの指定が自由に出来る
わけでは無いので、サブルーチンによるプログラム・ステップ減少は
非常に効果的だ。

(h.) レジスタ構成



X, Y, Z の 3レジスタに相当するものは XReg → CReg, Y → EReg, ZReg → AReg. である。

(i) 小数表示法

一般卓用においては、小数表示の表示を行なう為に、アタチで小数表示データを1桁毎にマイナスし、その時発生するボロ-を換出するのである。では ① レジスタの本数が多い。 ② キータイピング状態において、アタチを使用している。 の2点の理由で、Aレジスタ1本を、小数表示用レジスタとして用いている。ポート No.1. 中央下部で、その処理を行なっている。

(j) キーの入力法

ROMのアドレス供給線から、3本の出力を取り下図の様に接続してある。キー入力ピンは10本。



キー・エンコーダーが内蔵されており、キーに応じて直列信号が
 つくられる。ハードウェアとしては、キー・エンコーダー以外に
 大きなものは細くされている。メカニカルキーの様に分酒
 キーの場合、キーを離したときのチャタリク（バウンスク、又は
 OFF チャタリク）が長時間（20 msec 程度と長。）生ずる為
 特にデバウンス機能を持たないと、キーを連続打したかの様
 誤動作を起す。これは ROM 方式卓設計思想が
 志向する“ハードを極力減少させ、且つ、プログラム・ソフトを高性能
 高品位化し、ROM メモリー・サイズをも減少する”という理念を
 実行し、キーの ON チャタリク、OFF チャタリク防止をソフトで行
 っている。さらにチャタリク防止をも含めた、キー入力フロー
 のアドレス消費量は、わずか、15 アドレスに留め、チップ面積縮
 小に大きな効果を得ている。
 2重押し防止、ロールオーバー機能は無い。
 は一貫した実用主義で卓電を設計しており、アクセサリ
 ー的においのあるもの、実用上不要であると判断したものは、
 全て“切る”方針である事がうかがわれる。

[41] フローチャート

巻末にフローチャートを付ける。

- ---- 無条件ジャンプ
 - ---- 改ページ無条件ジャンプ
 - ---- サブルーチン関連オペレーション
- } 1 アドレスを消費する

タイミングシーモックについては表1表参照

(a) キー・スタート・アドレスについて

⑩~⑪のNKについては、置数後同一操作を行わせるので
 同一アドレスよりスタートする。FK2 も同一アドレスよりスタートし、
 キーコードのジャンプを4回行なう事により、キーの振分けを行なう。
 FK1 は、同一アドレスよりスタートした後、アドレス修飾ルーチンに入り
 (142番地から始まるサブルーチン。No4) 各々のキーコードによる

定められたスタート番地から再スタートさせている。

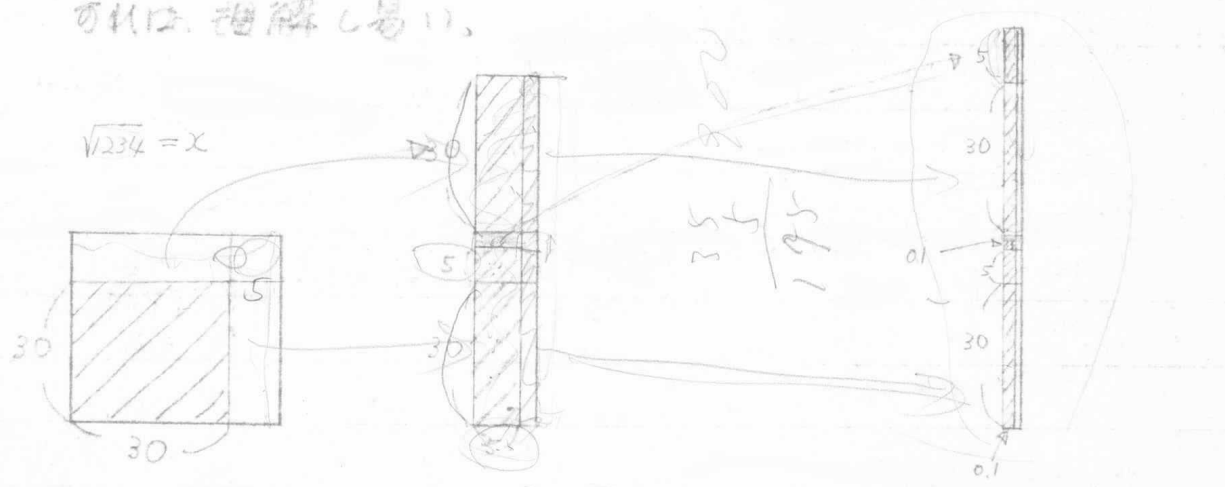
(b) 四則演算フロー

演算フローにおけるアドレス消費は、ステップカウンタ方式において生ずる不要なジャンプ命令を除くと、実質 50 数アドレスである。これは、[GORS CHC] を 1 アドレスで実行する等、基本命令の豊富さ幅がある事、8桁演算の為、小数点処理が楽な事、などによるものである。これは、フローの簡略化の為に、6桁ダブルレジスタという特徴を生かし、巧むるフローを組んでいったが、このことは、ここで記述する程、特徴のあるフローではないように思われる。

サブルーチン・ジャンプの際のエントリー・ポイントが任意に選択できる為、四則のサブルーチンとして、科学技術計算において大いに活用される。又常にゼロ点・フアクターが定数となる様に演算開始時の C レジスタ数値は保存されている。

(c) ルート演算フロー

ルートの計算の方法については、下図の様な模式図を参考にすれば、理解し易い。



$$1234 - (30 \times 30) = 334 \quad 334 - (30 \times 2 + 5 \times 5) = 9 \quad 9 - (65 + 5 + 0.1) \times 0.1 = 1.99$$

上図の様子に倒れていった余りの分を縦積みする為、又倍とする (30x2, 5x2) 操作が必要となる。で、くる。

右の筆算例で、実際に人間の頭では
 $12-1$, $12-2^2$, $12-3^2$, $12-4^2$
 の計算をさせ、自然数の自乗の数の
 なので 12 以下であれば 12 に一番近い
 ものを "3" とおるとの思考を行なう。

$$\begin{array}{r}
 35.1 \\
 3 \overline{) 1234.} \\
 \underline{9} \\
 65 \\
 \underline{5} \\
 701 \\
 \underline{1} \\
 702
 \end{array}$$

デジタル計算機では次の様な
 演算のやりかたしにより、同等の内容を
 実行する。

(筆算の例)

$\sum_{k=1}^n (2k-1) = n^2$ の等式に従って

$12-1=11$, $11-3=8$, $8-5=3$, $3-7=-4$ (ボロ発生)
 1回目 2回目 3回目 4回目

この為には減数となる奇数を任意の桁に発生させてやらねばならぬ。
 又、前ページにあるように、2倍をする操作が必要となる。純2進の
 演算器の場合には、2倍の操作は単にデータを1ビット左シフト
 させるだけで済むのだが、一般卓電においては、置数及び表示の
 際の10進-2進, 2進-10進の変換操作の簡略化、直接化を
 行なう為、2進化10進法(BCD)により数値を表現している。
 この為 BCD においては同じ数を加算させる事により実現する
 事になるが 実際には、ルート演算についてはこの様にはせず、1回余計に
 引いた時戻(即ちボロが発生したとき)その減数の値、上例を
 言えば '7' より 1 を減算する事により可能ならしめる。

しかしながら、この様な形を演算を進めていった場合、(何回
 減算をしたかを記憶しているレジスタ、即ち演算結果を貯め取るレジスタ、
 を持っている場合を除いて) 演算結果は、実際の根の2倍の値
 となる。純2進法ならば1ビット右シフトすれば即座に返る
 のであるが、BCDの場合、5回加算して、1桁分右シフトする
 操作をせねばならぬ。

以上の様に、やや煩雑な操作が必要であるが
 では巧妙なフローを作って簡略化を実現している。

演算結果を5倍する必要性のあるところから、

① 被演算数を当初から5倍する。

② 奇数の減算に際しても、5倍したものを使用し、(5, 15, 25, 35 ……) 2桁目に1を加算すれば良いという。

ハードウェア上の簡略化、及び、2桁目の値が減算の回数を表わし、演算結果として、そのまま使用できる、という二重性を果たせる。

という 2集の特徴をもったプロ-を使用している。

この [] のルート計算法は [] 752 ROMの構成により、卓電を製造していた時点において、既に使用されていたが、その当時は、1を加算する桁を固定する為に、1を減算する4ビットのカウ-ターを内蔵していた。と3が、
 “ハードを極力減らす”という、ROM方式設計思想から、
 (8桁タプルリンクス 1x71), このLSIのプロ-チャートについては IEL-3300 “ [] のシステム解打”の付録として添付してあるのを参照) 以降、この [] においても、4ビットのカウ-ターは内蔵しておらず、レジスタ操作により、全7ビットで行なっている。この方式については、NECにおいても、発表以前に既に、プログラム開発済みあり、実際に (6桁表示12桁卓電用LSI) に採用されている。但し、演算レジスタを3本しか持っていない一般卓電においては、レジスタ操作のみで、ルート演算を行なわせるも、 $A \times \sqrt{B}$ の様な演算が不能となる。(1) 演算機能^(d)、^(d)を並べた指数関数、三角関数キーの仕様理由と同じ) この事から、 [] の“不要なものは切る”という思想が感じられる。但し、不要なものと判断する基準は、電卓各社、各設計者により、まちまちなあり、明確な条文として、定まっているものはない事は確かである。

(4) e^x 演算フロー

超越関数計算については、近似計算法を用いる方法もあるが

では、べき級数展開式を用いて、演算を実行している。

$$(参) \quad e^x = 1 + x + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \dots \quad (-\infty < x < +\infty)$$

$$\ln x = 2 \left(a + \frac{a^3}{3} + \frac{a^5}{5} + \dots \right) \quad a = \frac{x-1}{x+1} \quad (0 < x < +\infty)$$

$$\sin x = x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \frac{x^7}{7!} + \dots \quad (-\infty < x < +\infty)$$

$$\cos x = 1 - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^4}{4!} - \frac{x^6}{6!} + \dots \quad (-\infty < x < +\infty)$$

$$\tan x = x + \frac{x^3}{3} + \frac{2}{15}x^5 + \frac{17}{315}x^7 + \dots \quad \left(-\frac{\pi}{2} < x < \frac{\pi}{2}\right)$$

e^{I+d} については $\exp(I+d)$ のとき (I: 整数, d: 小数)

$10 \leq I$ のときは、0.0FH とし、 $1 \leq I \leq 9$ のように整数部を持つ場合は、その値を保持し、小数部のみ展開式に従って演算を行う。

これは、整数部のあるデータを展開式に代入していくと、8桁以上の演算結果が得る可能性があるためであり、又、その必然性がないからである。展開式が10項までの計算を行う。また、

$$\begin{aligned} \exp(I+d) &= \exp(I) \times \exp(d) \\ &= (2.718282)^I \times \left(1 + d + \frac{d^2}{2!} + \frac{d^3}{3!} + \dots + \frac{d^9}{9!}\right) \end{aligned}$$

として演算結果を求めた。

$I+d < 0$ の場合は逆数を取れるルーチンを使う。

(5) \sin \cos \tan 演算フロー

$\sin x$ を展開式が5項まで求め、その値を基に、他の関数は代数式において計算する。

$$\sin x = x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \frac{x^7}{7!} + \frac{x^9}{9!}$$

$$\cos x = \sin(x-90^\circ) \quad (\cos(x-90^\circ) = -\sin x)$$

$$\tan x = \frac{\sin x}{\sqrt{\sin^2 x - 1}} \quad (0^\circ < x < 10^\circ) \quad \tan x = \frac{\sqrt{\cos^2 x - 1}}{\cos x} \quad (10^\circ \leq x \leq 90^\circ)$$

角度は、10進数数法で与えるが、その角度を $0 \leq x \leq 90^\circ$ の
 第1象限の角度に限定する。一般には、 $0 \leq x \leq 360^\circ$ に変換する
 操作を必ず行うが、フローの簡略化のために、 90° を区切り変換
 していく機能しか持っていない。この為、角度が非常に大きな値
 (この様な場合は無いと考えて良い。) となると演算時間が非常に
 長くなる。これを避ける為に、与えられる角度は、 $-1440^\circ \leq x \leq 1440^\circ$
 に限り、範囲外の値については、OVFL表示をする。第1象限に
 変換したのち $\frac{x}{\frac{180}{\pi}} = \frac{x}{57.29578}$ により、10進数数法 → 弧度法
 変換をし、展開式に従って、演算結果を求めている。

(4) \ln \log 演算フロー

演算精度をあげる為に、 $\ln(X)$ の計算では $X = x^{32}$ とおき

$$\ln(X) = \ln(x^{32})$$

$$= 32 \ln(x) \quad \text{と、展開式を計算し、}$$

$$\ln(X) = \frac{64}{x^2} \left(a + \frac{a^3}{3} + \frac{a^5}{5} + \frac{a^7}{7} + \frac{a^9}{9} \right) \quad \text{と(2)で、常用対数は、}$$

$$\log(X) = \log(e) \times 64 (\dots)$$

$$= 27.77485 (\dots) \quad \text{として、求める。}$$

(9) 演算精度について、

超越関数計算においては、加減乗除のくり返しにより、結果を求め
 る為に与えられる限り、その演算途中で、オーバーフローやアンダーフロー
 (指数小数表示方式では、さほど配慮する必要はない。) をさせぬ様に
 数値範囲は計算法を選定する事、又、演算結果の精度を良く
 する工夫が必要になる。このように浮動小数表示方式の
 場合、加減乗除全ての演算を1回行う毎に精度が悪くなる。
 特に乗除計算の際、OVFL UNFL せぬ様にしたいとして、小数演算結果
 のみの場合表示桁外の数値は、切り捨てられてしまう。又、加減算の
 ときは、指数方式の場合も同様であるが、小数表示位置合わせの際
 に桁落しが行われる。精度の良さは、指数小数表示方式の
 ほうが数段、まさっていると言える。(これは普及型科学技術
 計算用卓電を志向した品種である。)この為、演算結果の

下2桁を切り捨てて表示している。

演算精度をあげる為に、これは、次の様な処置をしている。

(i) e^x 展開式に直接 x の値を代入して求めても良いが、整数部と小数部に分け、小数部のみを展開式で求める。

(ii) 三角関数... x のべき乗解が多いため $0 \leq x \leq \frac{\pi}{2}$ に変換し、オーバーフローせぬ様に、特に \tan 計算では、 $0 \leq x \leq 10^\circ$ と $10^\circ \leq x \leq 90^\circ$ とに区分し、前者においては $\tan x \approx \sin x$ とするところから、分母の $\sin x$ を優先させ、精度良く計算し、分子の $\cos x$ は、 $\sin x$ から導出して、1の近傍であるところから、精度があまり落ちないようにしている。又、後者は分母が0に近くなり演算回数が増える場合において精度が極度に落ちる事を考慮し、 $\cos x$ を直接求めて計算をしている。

(iii) 対数計算... 展開式の初5項までの計算において、精度良く計算する為には、 $a = \frac{x-1}{x+1}$ の値を y から離れた値にする、即ち x を1に近似させてやる必要がある。この為により、 x の32乗根を求めて、 x に代入している。

(参) 精度低下につながる演算例。(表示4桁、浮動小数点、指数小数)

$$1111. + 0.999 = 1111.999$$

$$\approx 1112. \quad \text{--- 小数点表示方式の如何に拘らず "1111." となる。(5桁桁落ちする)}$$

$$1111. \times 0.001999 =$$

浮動小数点の場合 $1111. \times 0.001 = 1.111$ として誤差が大きくなるが、指数方式では、 $1.111 \times 10^3 \times 1.999 \times 10^{-3} = 2.220 \times 10^0$ となり、有効桁数未達を切り捨てた形で正確に答が得られる(高級な科学技術用卓電は、1桁余分に演算結果を出し、最下桁4捨5入という機能を持つているのかもしれない。)

(h.) 展開式演算ルーチン

実際に演算に用いられる展開式は次の三式である。

$$e^x = (x + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \frac{x^4}{4!} + \frac{x^5}{5!} + \frac{x^6}{6!} + \frac{x^7}{7!} + \frac{x^8}{8!} + \frac{x^9}{9!}) + 1$$

$$\ln x = (a + \frac{a^3}{3} + \frac{a^5}{5} + \frac{a^7}{7} + \frac{a^9}{9}) \times 64$$

$$\sin x = (x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \frac{x^7}{7!} + \frac{x^9}{9!})$$

この三式の違りは、①階乗をつくるか、②奇数のみに演算を限定するか、③正負符号を1回の演算の後反転させるか、の3点に集約され、マシンによって、この振分けができれば、上式の括弧内の演算は、同一ルーチンで実行可能となる。

では、32アドレスでこのルーチンを作っている。

[5] まとめ

は、が開発した、8桁浮動小数点方式科学技術計算卓電用LSIであるが、キーについては、使用頻度の高いものだけに限定し、演算、表示の簡略化の為に演算精度を落とし、一般、通常にはこの程度を充分であると思われるが、演算結果は、6桁までしか得られない等、普及型卓電を志向している。

先年、がと発売して、安物家庭用卓電の一掃兼りを宣言して大反響を巻き起こし、他の卓電メーカーもこれに追随しようとはしたが、自社技術では設計できず、NECなど、LSIメーカーの標準品を使って、この場をしのごうとするメーカーばかりで、ここ当分、の卓電業界におけるトップの座はゆきまなものである。さらにの用途において、科学技術卓電分野にも、実用本意の安物攻勢を仕掛けてきたわけで、の高度卓電設計技術と、合理精神とによって、がますます卓電業界に吹き荒れる事は、まぎれもない。

Seven pages (page 19 to 25) of flowchart were omitted.